



課題

正則表現 $(01+10)^*$ について

- これと等価な - 動作を含む NFA を求めよ。
(導出過程、状態遷移図および定義式を書け)
- 1 の - 動作を含む NFA と等価な DFA を求めよ。
(導出過程、状態遷移図および定義式を書け)
- 2 の NFA と等価な DFA を求めよ。
(導出過程、状態遷移図および定義式を書け)
- 3 の DFA から正則表現を導出し、最初の正則表現と同じになることを確認せよ。

目的

以下の等価性を確認する。

- 動作を含む NFA
- NFA
- DFA
- 正則表現

大レポート (課題1 STEP1)

$(01+10)^*$ と等価な - 動作を含む NFA

$(01+10)^*$ の構文木

大レポート (課題1 STEP2)

葉に対応するオートマトン

```

graph LR
    start(( )) --> q1((q1))
    q1 -- 0 --> q2((q2))
    q1 -- 1 --> q3((q3))
    q2 -- 0 --> q4((q4))
    q2 -- 1 --> q5((q5))
    q3 -- 0 --> q6((q6))
    q3 -- 1 --> q7((q7))
    q4 -- 0 --> q8((q8))
    q5 -- 0 --> q8
    q6 -- 0 --> q9((q9))
    q7 -- 0 --> q9
    q8 -- 0 --> q10((q10))
    q9 -- 1 --> q10
    
```

開始

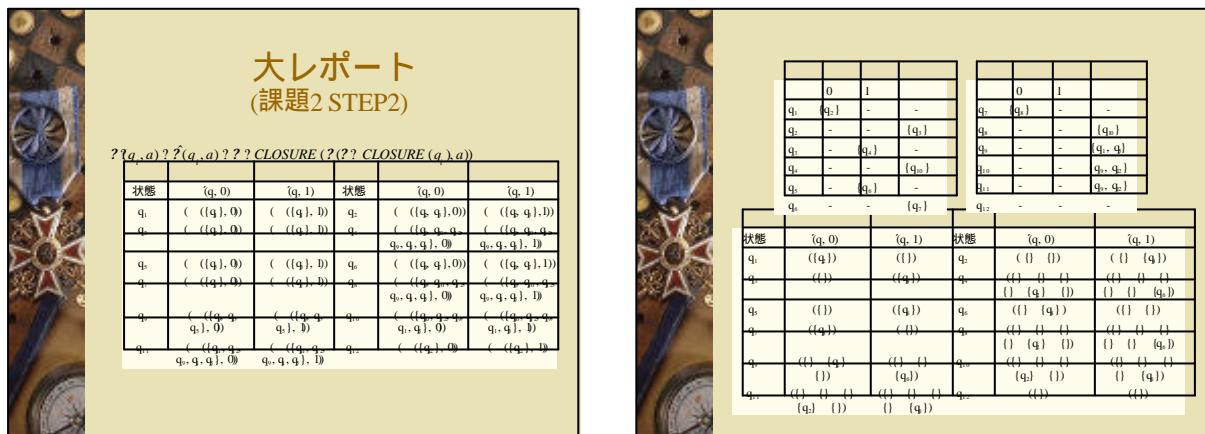
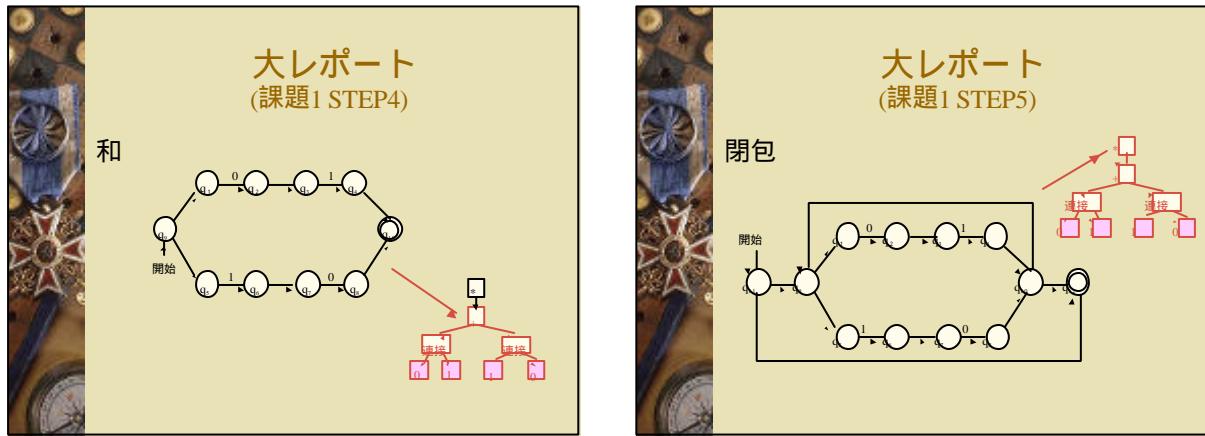
大レポート (課題1 STEP3)

連接

```

graph LR
    start(( )) --> q1((q1))
    q1 -- 0 --> q2((q2))
    q1 -- 1 --> q3((q3))
    q2 -- 0 --> q4((q4))
    q2 -- 1 --> q5((q5))
    q3 -- 0 --> q6((q6))
    q3 -- 1 --> q7((q7))
    q4 -- 0 --> q8((q8))
    q5 -- 0 --> q8
    q6 -- 0 --> q9((q9))
    q7 -- 0 --> q9
    q8 -- 0 --> q10((q10))
    q9 -- 1 --> q10
    
```

開始



状態

	$(q_0, 0)$	$(q_0, 1)$	状態	$(q_0, 0)$	$(q_0, 1)$
q_1	$((q_1))$	-	q_1	-	$((q_1))$
q_2	-	$((q_2))$	q_2	$((q_2))$	$((q_2))$
q_3	-	$((q_3))$	q_3	$((q_3))$	-
q_4	$((q_4))$	-	q_4	$((q_4))$	$((q_4))$
q_5	$((q_5))$	$((q_5))$	q_5	$((q_5))$	$((q_5))$
q_6	$((q_6))$	$((q_6))$	q_6	$((q_6))$	$((q_6))$
q_7	$((q_7))$	$((q_7))$	q_7	-	-

大レポート (課題2 最終解)

$M(Q, \{0, 1\}, \cdot, [q^1], \{[q^1]\}, [q^0, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [q^8, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], Q=\{[q^1], [\varphi, q^1], [\varphi, q^2], [\varphi, q^3], [\varphi^4, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [q^8, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [-]\})$ は下表

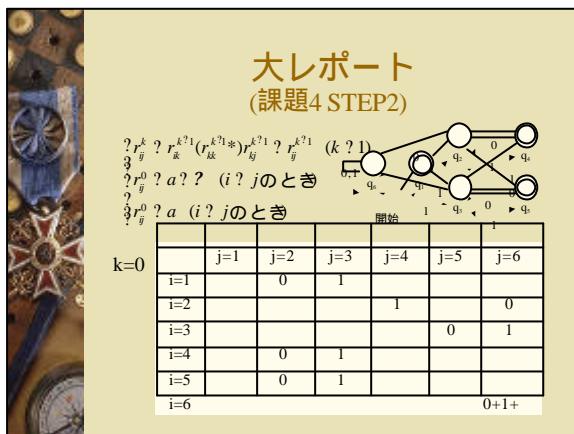
状態	0	1	状態	0	1
q_1	$\{q_1, q_1\}$	-	q_1	-	$\{q_1, q_1, q_1, q_1\}$
q_2	-	$\{q_2, q_2, q_2, q_2\}$	q_2	$\{q_2, q_2\}$	$\{q_2, q_2\}$
q_3	-	$\{q_3, q_3\}$	q_3	$\{q_3, q_3, q_3, q_3\}$	-
q_4	$\{q_4, q_4, q_4, q_4\}$	-	q_4	$\{q_4, q_4\}$	$\{q_4, q_4\}$
q_5	$\{q_5, q_5\}$	$\{q_5, q_5\}$	q_5	$\{q_5, q_5\}$	$\{q_5, q_5\}$
q_6	$\{q_6, q_6\}$	$\{q_6, q_6\}$	q_6	-	-

大レポート (課題3 最終解)

2のNFAと等価なDFA

$M(Q, \{0, 1\}, \cdot, [q^1], \{[q^1]\}, [q^0, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [q^8, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], Q=\{[q^1], [\varphi, q^1], [\varphi, q^2], [\varphi, q^3], [\varphi^4, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [q^8, q^{10}, q^{12}, \varphi, \varphi, \varphi], [-]\})$ は右表

状態	0	1
$\{q_1, q_1\}$	$\{q_1, q_1\}$	$\{q_1, q_1\}$
$\{q_2, q_2\}$	-	$\{q_2, q_2, q_2, q_2\}$
$\{q_3, q_3\}$	-	$\{q_3, q_3, q_3, q_3\}$
$\{q_4, q_4\}$	$\{q_4, q_4, q_4, q_4\}$	-
$\{q_5, q_5, q_5, q_5, q_5\}$	$\{q_5, q_5\}$	$\{q_5, q_5\}$
$\{q_6, q_6, q_6, q_6, q_6\}$	$\{q_6, q_6\}$	$\{q_6, q_6\}$
-	-	-



大レポート (課題4 STEP3-1)

$$k=1 \quad r_y^1 ? r_i^0 (r_{ij}^0 *) r_{ij}^0 ? r_j^0$$

	j=1	j=2	j=3	j=4	j=5	j=6
i=1	(\cdot^*)	$(\cdot^*)0$	$(\cdot^*)1$	(\cdot^*)	(\cdot^*)	(\cdot^*)
i=2	+	+0	+1	+	+	+
i=3	(\cdot^*)	$(\cdot^*)0$	$(\cdot^*)1$	(\cdot^*)	(\cdot^*)	(\cdot^*)
i=4	+	+	+	+1	+	+
i=5	(\cdot^*)	$(\cdot^*)0$	$(\cdot^*)1$	(\cdot^*)	(\cdot^*)	(\cdot^*)
i=6	(\cdot^*)	$(\cdot^*)0$	$(\cdot^*)1$	(\cdot^*)	(\cdot^*)	(\cdot^*)
	+	+	+	+	+	$+0+1+$



大レポート
(課題4 STEP6-2)

$r_{\bar{y}}^k ? r_{\bar{x}}^{k?1} (r_{\bar{k}}^{k?1} * r_{\bar{j}}^{k?1} ? r_{\bar{y}}^{k?1} (k ? 1))$

$k=4 \quad r_{\bar{y}}^4 ? r_{\bar{i}4}^3 (r_{\bar{4}4}^3 * r_{\bar{4}j}^3 ? r_{\bar{y}}^3$

開始

	j=1	j=2	j=3	j=4	j=5	j=6
i=1	(01)*0	(01)*1	01(01)*	(01)*10	(01)*(11+00)	
i=2	1(01)*0+	1(01)*1	1(01)*	1(01)*10	1(01)*(11+00)+0	
i=3				0	1	
i=4	(01)*0	(01)*1	(01)*	(01)*10	(01)*(11+00)	
i=5	(01)*0	(01)*1	01(01)*	(01)*10+	(01)*(11+00)	
i=6					0+1+	

大レポート
(課題4 STEP7-1)

$k=5 \quad r_{\bar{y}}^5 ? r_{\bar{i}5}^4 (r_{\bar{5}5}^{4*} r_{\bar{s}j}^4 ? r_{\bar{y}}^4 \quad r_{ss}=(01)*10+$

	j=1	j=2	j=3	j=4	j=5	j=6
i=1	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*01+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$
i=2	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*(11+00)-0$
i=3	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*01+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*(11+00)+0$
i=4	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*(11+00)-0$
i=5	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*01+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*(11+00)+0$
i=6	$r_{\bar{s}}(r_{\bar{s}}^*) + (01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*0+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*1$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*01+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*1+(01)*0$	$(01)*10(r_{\bar{s}}^*)$ $(01)*(11+00)+0$

大レポート
(課題4 STEP7-2)

$k=5 \quad r_{\bar{y}}^5 ? r_{\bar{i}5}^4 (r_{\bar{5}5}^{4*} r_{\bar{s}j}^4 ? r_{\bar{y}}^4$

	j=1	j=2	j=3	j=4	j=5	j=6
i=1	$((01)*10)^*(01)*0$ $((01)*10)^*(01)*1$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ 1	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$
i=2	$1((01)*10)^*(01)*0$ $+1$	$1((01)*10)^*(01)*1$ $1(01)*10^*$	$1((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*10^*$	$1((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*10^*$	$1((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*10^*$	$1((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*10^*$
i=3	$0 ((01)*10)^*(01)*0$ $+0$	$0 ((01)*10)^*$ $(01)*1+$	$0 ((01)*10)^*$ $0(01)^*$	$0 ((01)*10)^*$ $(01)*1+$	$0 ((01)*10)^*$ $(01)*1+$	$0 ((01)*10)^*$ $(01)*1+$
i=4	$((01)*10)^*(01)*0$ $+0$	$((01)*10)^*(01)*1$ 1	$((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*1+$	$((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*1+$	$((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*1+$	$((01)*10)^*(01)*1$ $(01)*1+$
i=5	$((01)*10)^*(01)*0$ $+0$	$((01)*10)^*(01)*1$ 1	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$	$((01)*10)^* 01(01)^*$ $(01)*10^*$
i=6						$0+1+$

大レポート
(課題4 STEP8)

$r ? r_{11}^6 ? r_{14}^6 ? r_{15}^6$
 $r_{11}^5 ? r_{16}^5 (r_{66}^5 *) r_{61}^5 ? r_{11}^5 ? r_{16}^5 (r_{66}^5 *) ? ? ?$

$r_{14}^6 ? r_{16}^6 (r_{66}^6 *) r_{64}^5 ? r_{14}^5 ? r_{16}^5 (r_{66}^5 *) ? ? ((01)*10)*01(01)*$

$r_{15}^6 ? r_{16}^6 (r_{66}^6 *) r_{65}^5 ? r_{15}^5 ? r_{16}^5 (r_{66}^5 *) ? ? (01)*10((01)*10)*$

$r ? ? ? ((01)*10)*01(01)* ? (01)*10((01)*10)*$
 $? ? ? ((01)*10)*(01)*(01)?10)$

$? ? ? ((01)*(10)*)*(01)?10)$
 $? ? ? (01)?10)*(01)?10)$
 $? (01)?10)*$

大レポート
(課題4 別解STEP1)

最小化してみる

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1	0	1	1	
i=2	1	0	0	
i=3	0	1	0	
i=4	1	0	1	

大レポート
(課題4 別解STEP2)

$? r_{\bar{y}}^k ? r_{\bar{k}}^{k?1} (r_{\bar{k}k}^{k?1} * r_{\bar{j}}^{k?1} ? r_{\bar{y}}^{k?1} (k ? 1))$
 $? r_{\bar{y}}^0 ? a ?? (i ? j) のとき$
 $? r_{\bar{y}}^0 ? a (i ? j) のとき$

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1	0	1	1	
i=2	1			0
i=3	0			1
i=4				$0+1+$

大レポート
(課題4 別解STEP3)

$k=1 \quad r_{\bar{j}}^1 ? r_{11}^0 (r_{11}^{0*}) r_{ij}^0 ? r_{\bar{j}}^0$

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1	(*) +	(*)0+0	(*)1+1	(*) +
i=2	1(*) +1	1(*)0+	1(*)1+	1(*) +0
i=3	0(*) +0	0(*)0+	0(*)1+	0(*) +1
i=4	(*) +	(*)0+	(*)1+	(*) +0+1+

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1		0	1	
i=2	1	10+	11	0
i=3	0	00	01+	1
i=4				0+1+

大レポート
(課題4 別解STEP4-1)

$k=2 \quad r_{\bar{j}}^2 ? r_{12}^1 (r_{22}^{1*}) r_{2j}^1 ? r_{\bar{j}}^1$

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1	0((10+)*)1	0((10+)*)	0((10+)*)11+1	0((10+)*)0+
i=2	10+()(10+) * +1+1	10+()(10+) * +0+0	10+()(10+) * +11+11	10+()(10+) * +0+0
i=3	00((10+)*)1	00((10+)*) +0+0	00((10+)*)11+ +01+	00((10+)*)0 +1+
i=4	((10+)*)1	((10+)*) +0+0	((10+)*)11 +0+1+	((10+)*)0 +0+1+

大レポート
(課題4 別解STEP4-2)

$k=2 \quad r_{\bar{j}}^2 ? r_{12}^1 (r_{22}^{1*}) r_{2j}^1 ? r_{\bar{j}}^1$

	j=1	j=2	j=3	j=4
i=1	0(10)*1+	0(10)*	0(10)*11+1	0(10)*0
i=2	(10)*1	(10)*	(10)*11	(10)*0
i=3	00(10)*1+0	00(10)*	00(10)*11+ 01+	00(10)*0+1
i=4				0+1+

大レポート
(課題4 S別解TEP5)

$r_{41}^3 ? r_{43}^2 (r_{33}^{2*}) r_{31}^2 ? r_{41}^2 ? r_{33}^2 (r_{33}^{2*}) ? ? ?$
 $r ? r_{41}^4 ? r_{43}^3 (r_{44}^{3*}) r_{41}^3 ? r_{11}^3 ? r_{11}^3 ? r_{13}^2 (r_{33}^{2*}) r_{31}^2 ? r_{11}^4$
 $? (0(10)*11?1)(00(10)*11?01?2)*(00(10)*1?0)$
 $? 0(10)*1?2?$
 $? (0(10)*1?2)l(00(10)*11?01)*0(0(10)*1?2?)$
 $? 0(10)*1?2?$
 $? (01)*l(0(0(10)*1?2)l)*0(01)*?(01)*$
 $? (01)*l(0(01)*1)*0(01)*?(01)*$
 $? (01)*(l(0(01)*1)*0(01)*???)$
 $? ((01)*(10)*)?(01?10)*$